

### 3. طريقة المربعات الصغرى (Ordinary Least Square)

لتقدير نموذج انحدار خطى بسيط باستخدام برنامج E-views لدينا بيانات عن الناتج المحلي الإجمالي (GDP) والرقم القياسي لأسعار المستهلكين (CPI)، وعرض النقود بالمفهوم الواسع (M)، ونموذج الذي سوف نقدر يأخذ الشكل التالي:

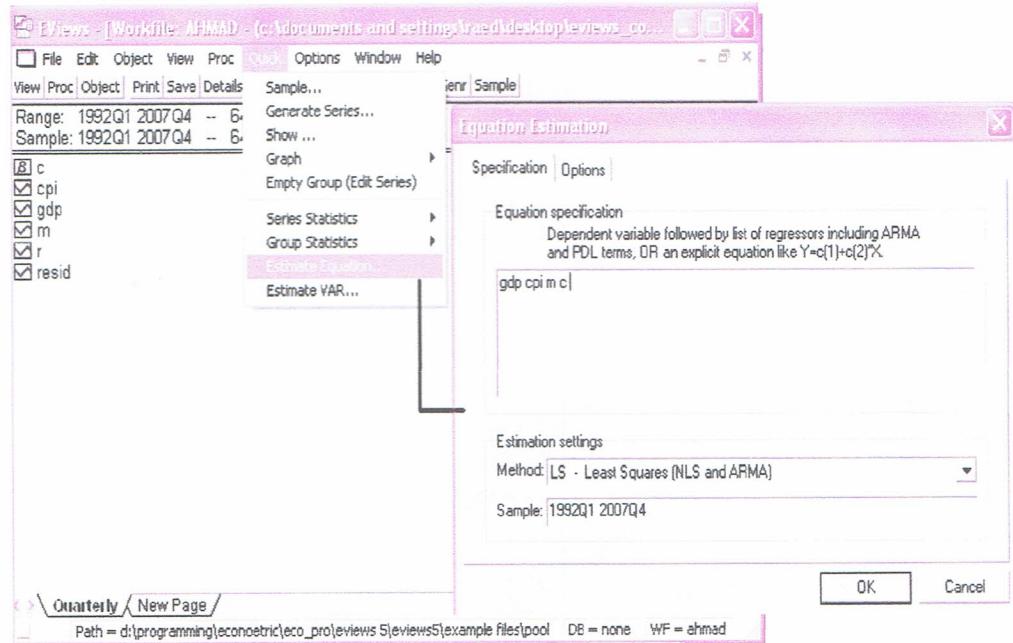
$$GDP_t = \beta_0 + \beta_1 CPI_t + \beta_2 M_t + \epsilon_t$$

حيث (GDP) تمثل الناتج المحلي الإجمالي وهو المتغير التابع و (CPI) و (M) كمتغيرات مستقلة او تفسيرية، و $\beta_0$  المقطع، و $\beta_1$  ميل الانحدار وهي مقدار التغيير في الناتج المحلي الإجمالي عندما يتغير الرقم القياسي لأسعار المستهلكين بوحدة واحدة ، وحسب النظرية الاقتصادية فان العلاقة بينهما موجبة وهنا نتوقع أن تكون إشارة موجبة. و $\beta_2$  تمثل مقدار التغيير في الناتج المحلي الإجمالي نتيجة تغير عرض النقود بالمفهوم الواسع بوحدة واحدة، ووفقا للنظرية الاقتصادية فان المتوقع أن تأخذ  $\beta_2$  أيضا إشارة الموجبة، لأن زيادة كمية النقود ستؤدي إلى ارتفاع الطلب المحلي وبالتالي زيادة النمو الاقتصادي، و $\epsilon_t$  تمثل حد خطأ الانحدار ويتضمن اثر العوامل الأخرى التي تؤثر في الناتج المحلي الإجمالي أو الجزء الذي لم يتم تفسيره . ويمكن لنا أن نقدر النموذج بالصيغة اللوغارتمية المزدوجة وفي هذه الحالة فان المعلمات تحول من آثار حديمة مطلقة الى آثار نسبية وبالتالي تعبر عن المرونة .

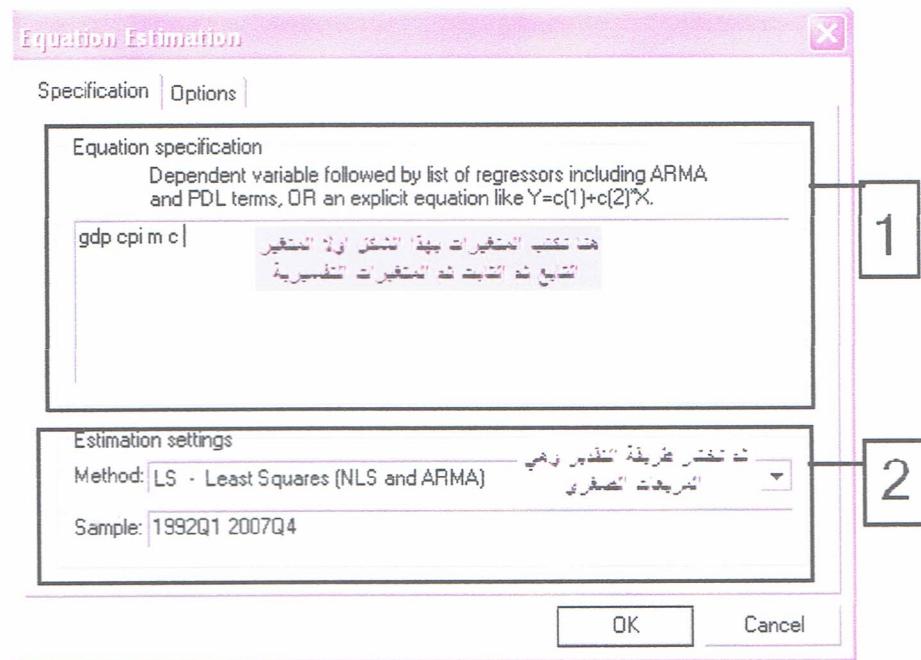
وإجراء عملية التقدير باستخدام برنامج (E-Views) نتبع الخطوات التالية:

1. من قائمة (Quick) نختار "قدر المعادلة" (Estimate Equation) كما في الشكل التالي، (هناك طريقة أخرى: قم بتضليل المتغيرات التي

تريد إدخالها في النموذج من المتغير التابع إلى المستقلة ثم اضغط على الزر الأيمن للفارة وسوف يظهر لك خيارات منها "قدر المعادلة" بعد الضغط على "قدر المعادلة".



في الشكل التالي في المربع رقم (1) مكتب المعادلة كما موضح ولابد من وضع المتغير التابع أولا وهو الناتج المحلي الإجمالي (GDP) ثم بعد ذلك المتغيرات المستقلة وهي الرقم القياسي لأسعار المستهلكين (cpi)، وعرض النقود بالمفهوم الواسع (m) يليها الثابت (c). ويشير المربع رقم (2) إلى أسلوب التقدير وهو طريقة المربعات الصغرى.



ثم بعد ذلك الضغط على (OK) وسوف يقوم البرنامج بتقدير المعادلة ويعرض نتائج التقدير كما في الشكل التالي:

EViews - [Equation: UNTITLED Workfile: AHMAD\Quarterly] X

File Edit Object View Proc Quick Options Window Help  
 View Proc Object Print Name Freeze Estimate Forecast Stats Resids

Dependent Variable: GDP  
 Method: Least Squares  
 Date: 10/31/08 Time: 17:07  
 Sample: 1992Q1 2007Q4  
 Included observations: 64

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
CPI	10.57771	2.867063	3.689389	0.0005
M	0.123619	0.011557	10.69633	0.0000
C	-378.9425	194.5306	-1.947984	0.0560

R-squared  
 Adjusted R-squared  
 S.E. of regression  
 Sum squared resid  
 Log likelihood  
 Durbin-Watson stat

0.977328	Mean dependent var	1596.156
0.976685	S.D. dependent var	534.5699
81.79982	Akaike info criterion	11.69217
408163.9	Schwarz criterion	11.79337
-371.1494	F-statistic	1314.787
1.692147	Prob(F-statistic)	0.000000

1. الجزء الأول: يظهر عناصر النموذج (المتغير التابع، الطريقة المستخدمة، التاريخ والوقت، المدى، وعدد المشاهدات).

2. الجزء الثاني: يظهر خصائص المعاملات كالتالي:

C هي قيمة الحد الثابت. ✓

M معامل الدالة. ✓

CPI معامل الدالة. ✓

S.E الخطأ المعياري. ✓

t- قيم اختبار Statistics قيمة المحسوبة. ✓

Prop وهي الاحتمالية. ✓

3. الجزء الثالث : يظهر معنوية النموذج.

R-squared قيمة معامل التحديد. ✓

Adjusted R-squared قيمة معامل التحديد المعدل. ✓

S.E regression انحراف النموذج. ✓

Sum square resid مربع انحرافات المتغير العشوائي ويساوي ✓

.Ess

Durbin Watson stat اختبار دربن واتسون. ✓

Mean dependent var تباين المتغير التابع. ✓

S.D dependent var انحراف المتغير التابع. ويمكن حساب قيمة ✓

مجموع الانحرافات Tss عن طريق تربيع قيمة الانحراف ثم

ضرب الناتج في عدد المشاهدات (n-1) .

F- statistic اختبار F لمعنى النموذج. ✓

Probability ✓ وهي الاحتمالية.

من الشكل (2،3) تظهر نتائج التقدير ومنها نكتب المعادلة بعد التقدير:

$$GDP_t = -378.9 + 10.6CPI_t + 0.12M_t$$

t	-1.9	3.6	10.7
	(0.000)	(0.000)	(0.000)

$$R^2 = 0.977$$

$$\text{adj. } R^2 = 0.976$$

$$F\text{-statistic} = 1314.4$$

$$\text{Prob}(F\text{-statistic}) = 0.000$$

- شرح مخرجات التقدير في الشكل:

- في العمود الأول تحت (Coefficient) معلمات النموذج المقدرة وتسمى مقدرات (estimates)، وهي مقدرات معلمات النموذج أعلىه ويتم حساب هذه المقدرات من هذا النموذج على سبيل المثال (Y=b0 + b1X1 +b2X2) :

$$\hat{b}_1 = \frac{(\sum yx_1)(\sum x_2^2) - (\sum yx_2)(\sum x_1x_2)}{(\sum x_1^2)(\sum x_2^2) - (\sum x_1x_2)^2}$$

$$\hat{b}_2 = \frac{(\sum yx_2)(\sum x_1^2) - (\sum yx_1)(\sum x_1x_2)}{(\sum x_1^2)(\sum x_2^2) - (\sum x_1x_2)^2}$$

$$\hat{b}_0 = \bar{Y} - \hat{b}_1 \bar{X}_1 - \hat{b}_2 \bar{X}_2$$