

الاختبارات اللامعلمية في حالة عينة واحدة (اختبار كاي مربع Chi^2 لحسن المطابقة)

تمهيد:

في حالة ما إذا لم تتوافر شروط و متطلبات استخدام الطرق المعلمية و التي سلف ذكرها، فإنه يتم اللجوء الى جملة من الأساليب التي تعرف بالطرق المعلمية والتي تعتمد في حالة العينة الواحدة، و حيث تكون طبيعة البيانات إسمية ، و يستخدم اختبار كاي مربع في اختبار فرضيات و حيث لا يحتاج الباحث الى الإيفاء بشروط معينة كإعتدالية التوزيع و شكل البيانات الكمية، حيث يستخدم هذا الإختبار في حالة البيانات الإسمية الكيفية (مواقف، آراء...) ، و بغرض التدليل على مطابقة العينة للمجتمع المسحوبة منه إحصائياً (حسن المطابقة)، وللمقارنة بين تكرارات ملاحظة f_o و تكرارات متوقعة، حيث أن التكرارات الملاحظة تمثل تلك التي يمكن الحصول عليها من واقع البحث، أما التكرارات المتوقعة فهي تكرارات يتم حسابها نظرياً عن طريق العلاقة التالية :

$$f_o = \text{عدد أفراد العينة} / \text{عدد الإختيارات}$$

و حيث أن قيمة كاي مربع يمكن حسابها بالعلاقة التالية:

و بعد القيام بحساب قيمة χ^2 فإن الخطوة التالية تتمثل في حساب درجة الحرية df و التي هي في هذه الحالة غير مرتبطة بعدد أفراد العينة بل هي مرتبطة بعدد الإختيارات و التي قد تكون إختيارات أو عدد استجابات حيث

$$Df=(n-1)$$

ثم تاليا يتم استخراج قيمة χ^2 الجدولة من جدول قيم χ^2 النظرية و ذلك من خلال المزاوجة بين قيمتي مستوى الخطأ 0.05α و درجة الحرية df ، ثم المقارنة بين القيمتين المحسوبة و النظرية فإن كانت قيمة كاي مربع المحسوبة أكبر من قيمة كاي مربع النظرية < فهذا يعني أنه يتم رفض الفرضية الصفرية

القائلة بعدم وجود فروق ذات دلالة احصائية بين التكرارات الملاحظة و المتوقعة، و إن كانت العكس (أي قيمة كاي مربع المحسوبة أقل من النظرية) فإنه يمكن قبول الفرضية الصفرية في هذه الحالة.

مثال تطبيقي:

الجدول الموالي يوضح آراء 60 فردا حول موضوع المشاركة السياسية أين كانت استجاباتهم كالتالي في الجدول اللاحق:

الرأي	موافق	غير موافق	المجموع
التكرار	40	20	60

والمطلوب حساب قيمة K^2 مع بيان مدى دلالتها إحصائيا عند مستوى دلالة 0.05 ؟

الحل :

1. حساب التكرار المتوقع f_o :

$$f_o = 60/2 = 30 \text{ أي عدد الإختيارات/عدد افراد العينة} = f_o$$

2. حساب chi^2 المحسوبة :

نكون الجدول التالي :

الموقف	f_o	f_e	$(f_o - f_e)^2$
موافق	40	30	100
غير موافق	20	30	100
المجموع	60		200

من خلال الجدول السابق يمكن حساب قيمة χ^2 من خلال التطبيق المباشرة لصيغته الرياضية أين نحصل على قيمة χ^2 المحسوبة و هي تساوي 20 . ($\chi^2=20$)

إستخراج قيمة χ^2 الجدولية :

لإستنتاجها يلزم في البداية حساب درجة الحرية df تحديد مستوى الدلالة α :

$$df = (\text{عدد الأعمدة} - 1) = (2 - 1) = 1$$

مستوى الدلالة $\alpha = 0.05$.

تحديد مدى دلالة χ^2 :

و بالرجوع الى جدول قيم χ^2 النظرية (الجدولية) المرفق، و بالمزاوجة بين قيمتي df و α فإن القيمة النظرية لـ χ^2 من خلال معطيات الجدول قدرت بـ 3.84 ، نقارن قيمة χ^2 المحسوبة بقيمة χ^2 الجدولية نجد أن قيمة χ^2 المحسوبة $= 20 >$ قيمة χ^2 الجدولية $= 3.841$ لذا فان χ^2 دالة إحصائية عند مستوى دلالة 0.05 . بمعنى أن هنالك فروق ذات دلالة إحصائية بين مواقف المستجوبين نحو المشاركة السياسية.

ثالثا. تمارين تطبيقية

التمرين الأول:

في دراسة أجريت على عينة من الإطارات، حول موضوع العمل النقابي في الجزائر طرح سؤال في محور الفعالية النقابية و كان كالتالي :هل ترى فعالية في الأداء النقابي في القطاع العام الجزائري ؟ فكانت الإجابات كالتالي :

الموقف	فعال جدا	فعال إلى حد ما	غير فعال	المجموع
التكرارات f_0	20	10	25	55

السؤال: هل هنالك فروق ذات دلالة إحصائية في اتجاهات العاملين نحو هذا البند حسب المستوى الوظيفي عند مستوى الدلالة 0.05 .

التمرين الثاني:

أرادت ادارة الجامعة التعرف على إمكانية تفضيل الطلبة الجدد للفروع المقترحة، فاختارت عينة عشوائية مكونة من 60 طالبا، و اقترحت عليها فرعي العلوم الاجتماعية و فرع العلوم الإنسانية، فكانت النتائج كالتالي:

الفرع	التكرار f_0
علوم اجتماعية	37
علوم انسانية	23
Σ	60

السؤال: هل هنالك فروق ذات دلالة إحصائية في اختيارات الطلبة الجدد عند مستوى دلالة 0.05 .