

$$y_p = -\frac{1}{2}e^{-x}.$$

3. La solution générale de l'équation avec second membre est donnée par :

$$y = y_h + y_p = C_1e^{-2x} + C_2e^x - \frac{1}{2}e^{-x}, \quad C_1, C_2 \in \mathbb{R}.$$

### 3.3 Éléments d'équations aux Dérivées Partielles

Le caractère particulier d'une équation aux dérivées partielles (EDP) est de mettre en jeu des fonctions de plusieurs variables

$$(x, y, \dots) \longmapsto u(x, y, \dots)$$

Une EDP est alors une relation entre les variables et les dérivées partielles de  $u$ .

#### 3.3.1 Dérivées partielles

##### Définition

Soit une fonction  $f(x, y)$  de deux variables réelles définie dans un voisinage de  $A = [a, b]$ ; si la fonction  $f(x, b)$  fonction de  $x$  seulement a une dérivée pour la valeur  $a$  de  $x$ , on la note  $f'_x(a, b)$  et on l'appelle dérivée partielle de  $f(x, y)$  par rapport à  $x$  au point  $(a, b)$ .

Si en tout point d'un voisinage de  $A$ ,  $f'_x(x, y)$  existe, on définit ainsi une nouvelle fonction, la dérivée partielle de  $f(x, y)$  par rapport à  $x$ . On définit de même la dérivée partielle par rapport à  $y$ . On note :

$$f'_x = \frac{\partial f(x, y)}{\partial x},$$

et

$$f'_y = \frac{\partial f(x, y)}{\partial y}.$$

#### 3.3.2 dérivées successives

De la même façon que précédemment, on peut étudier l'existence de la dérivée par rapport à  $x$  de  $f'_x(x, y)$  et de  $f'_y(x, y)$ ; on définit ainsi les dérivées secondes que l'on note  $f''_{x^2} = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2}$